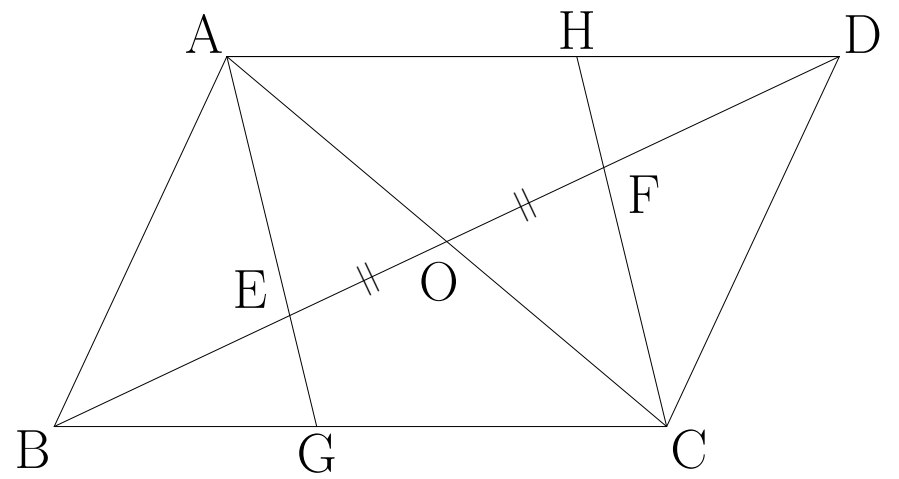


## 相似 相似比の応用

右の図のように、平行四辺形  $ABCD$  があり、対角線の交点を  $O$  とします。 $OE = OF$  となるように、2 点  $E$ 、 $F$  をそれぞれ線分  $BO$ 、 $OD$  上にとり、 $AE$  の延長と辺  $BC$  との交点を  $G$ 、 $CF$  の延長と辺  $AD$  との交点を  $H$  とします。このとき、次の問いに答えなさい。

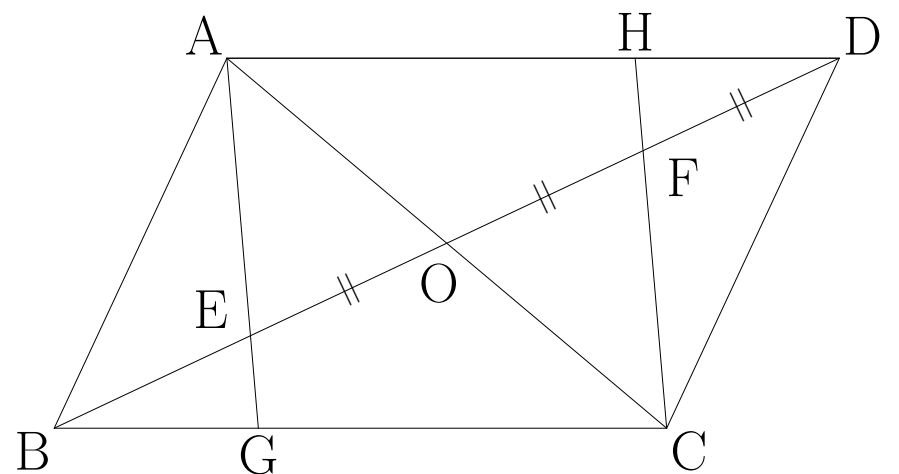


(1)  $\triangle AOE \equiv \triangle COF$  を証明しなさい。

(2)  $BE:EO = 3:2$  のとき、 $BG:GC$  を求めなさい。

(3)  $OF = FD$ 、 $\triangle CDF$  の面積が  $12\text{cm}^2$  のとき、四角形  $AOFH$  の面積を求めなさい。

(富山)



# 相似 相似比の応用 解答

(1)

$\triangle AOE$  と  $\triangle COF$  において

仮定より

$$OE=OF \cdots \textcircled{1}$$

平行四辺形の対角線はそれぞれの中点で交わるから

$$OA=OC \cdots \textcircled{2}$$

対頂角は等しいから

$$\angle AOE = \angle COF \cdots \textcircled{3}$$

①、②、③より

2辺とその間の角がそれぞれ等しいから

$$\triangle AOE \equiv \triangle COF$$

(2) 3:4

(3)  $20\text{cm}^2$

●ポイントの確認

ヒロ：(2) はどの図形とどの図形が相似の関係にあるのか考えてみよう。